

أعط تأويل هندسي للنتيجة (٥ ٠,٧٥)

$$(3) \text{ أ -} \quad \text{إيه أه } (\forall x \in \mathbb{R}) \quad f'(x) = \frac{(1-2x)e^{2x}}{(e^{2x}-2x)^2}$$

ب- أنجز جدول تغيرات الدالة f (٥ ٠,٥)

$$(4) \text{ أ -} \quad \text{أكتب معادلة المماس لـ } (C_f) \text{ في النقطة } (x_0, 0, 25)$$

$$(5) \text{ ب -} \quad \text{تحقق أه } (\forall x \in \mathbb{R}) \quad f(x) - x = \frac{-xg(x)}{e^{2x} - 2x}$$

ج- استنتج الوهم النسبي للمنحنى (C_f) و المستقيم (Δ)

$$(6) \text{ أ -} \quad \frac{1}{2(e-1)} = 0,3 \quad \text{لأن المنحنى } (C_f) \text{ و المستقيم } (\Delta) \text{ (تأخذ 3)}$$

لله ممتالية معرفة بما يلي : (III)

$$U_{n+1} = f(U_n) \quad \text{و } U_0 = -1$$

$$(7) \text{ ب -} \quad \text{إيه أه } (\forall n \in \mathbb{N}) \quad -1 \leq U_n \leq 0$$

ج- إيه أه (U_n) ممتالية تزايدة (٥ ٠,٢٥)

(8) استنتاج أه الممتالية (U_n) مقاية و حد نهايتها (٥ ٠,٥)

استدراكية 2008

(١) تعريف الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :

أ - حسب $(x)' g$ نعم منحنى تغيرات الدالة

(٢) استنتاج أه > 0 $\forall x \in \mathbb{R}$ (لاحظ أه $g(0) = 1$)

ج- تعريف الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :

$$f(x) = \ln(e^{2x} - 2x)$$

$$(9) \text{ أ -} \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty \quad \text{إيه أه}$$

ب- تتحقق أه

$$(\forall x \in \mathbb{R}^*) \quad \frac{f(x)}{x} = \left(\frac{e^{2x}}{x} - 2 \right) \frac{\ln(e^{2x} - 2x)}{e^{2x} - 2x}$$

$$(10) \text{ ب -} \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = 0 \quad \text{إيه أه ثم أعط تأويل هندسي للنتيجة}$$

$$(11) \text{ أ -} \quad \text{تحقق أه } \mathbb{R}^+ \text{ مل } 1 - \frac{2x}{e^{2x}} > 0$$

$$f(x) = 2x + \ln\left(1 - \frac{2x}{e^{2x}}\right) \quad \text{و أه}$$

ج- أدرس الفرع الانهائي للمنحنى (C_f) عند $+\infty$

ج- إيه أه $\mathbb{R}^+ \text{ مل } x$ $f(x) - 2x \leq 0$ و استنتاج أه المنحنى

يوجد تحت المستقيم (D) على \mathbb{R}^+ (٤ ٠,٥)

$$(12) \text{ أ -} \quad \text{إيه أه } \mathbb{R}^+ \text{ مل } f'(x) = \frac{2(e^{2x} - 1)}{g(x)}$$

ج- أدرس إشارة $(x)' f$ نعم منحني تغيرات الدالة f

(٤) أسم المنحنى (C_f) و المستقيم

مسألة رقم (١)

الجزء (١) : لله g الدالة بحيث :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) ; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$$

$$(13) \text{ أ -} \quad g'(x) = (x+2)e^x$$

ب- منحني جدول تغيرات الدالة g

$$(14) \text{ أ -} \quad g(0) \text{ و استنتاج إشارة } g(x)$$

الجزء (٢) : تعريف الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x}{e^x - 1} & ; \quad x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

$$(15) \text{ أ -} \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) ; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

$$(16) \text{ ب -} \quad \text{أدرس الفرعين الانهائيين للمنحنى } (C_f)$$

$$(17) \text{ أ -} \quad \text{إيه أه } f \text{ منصبة في النقطة } 0$$

ب- أدرس قابلية إشتقاق الدالة f على يمينه وعلى يسار

$$(18) \text{ أ -} \quad \text{إيه أه } f'(x) = \frac{g\left(\frac{1}{x}\right)}{\left(\frac{1}{e^x} - 1\right)^2}$$

ب- منحني جدول تغيرات الدالة f

$$(19) \text{ أ -} \quad (\forall x \in \mathbb{R}^+) \quad f(x) < x \Leftrightarrow x \in \left]0, \frac{1}{\ln 2}\right[$$

$$(20) \text{ أ -} \quad \text{أسم المنحنى } (C_f)$$

الجزء (٣) : لله (u_n) الممتالية العددية المعرفة كما يلي :

$$u_{n+1} = f(u_n) \quad \text{و } u_0 = \frac{1}{2}$$

$$(21) \text{ أ -} \quad (\forall n \in \mathbb{N}) \quad 0 < u_n < \frac{1}{\ln 2}$$

$$(22) \text{ ب -} \quad \text{إيه أه } (u_n) \text{ ممتالية تنقصية}$$

$$(23) \text{ ب -} \quad \text{استنتاج أه } (u_n) \text{ مقاية و حد نهايتها}$$

مسألة رقم (٢)

(I) لله g الدالة المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :

$$(24) \text{ أ -} \quad g'(x) = e^{2x} - 2x - 1$$

$$(25) \text{ أ -} \quad \text{استنتاج أه } (\forall x \in \mathbb{R}) \quad g(x) \geq 0$$

$$(26) \text{ ب -} \quad \text{استنتاج أه } (\forall x \in \mathbb{R}) \quad e^{2x} - 2x \geq 1$$

$$(II) \text{ تعريف الدالة العددية } f \text{ المعرفة كما يلي :}$$

$$f(x) = \frac{x}{e^{2x} - 2x}$$

$$(27) \text{ أ -} \quad \text{إيه أه } D = \mathbb{R} \text{ هي }$$

$$(28) \text{ أ -} \quad \text{إيه أه أول هندسي للنتيجة } 0,75$$

$$(29) \text{ ب -} \quad \text{تحقق أه } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{2\left(\frac{e^{2x}}{2x} - 1\right)}$$